

Минобрнауки России
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)**

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой
Кургалин Сергей Дмитриевич
Кафедра цифровых технологий



25.06.2021

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Б1.О.25 Численные методы

1. Код и наименование направления подготовки/специальности:

02.03.01 Математика и компьютерные науки

2. Профиль подготовки/специализация:

Квантовая теория информации, Распределенные системы и искусственный интеллект

3. Квалификация (степень) выпускника:

Бакалавриат

4. Форма обучения:

Очная

5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:

Кафедра цифровых технологий

6. Составители программы:

Крыловецкий Александр Абрамович, кандидат физико-математических наук, доцент

7. Рекомендована:

протокол НМС ФКН № 5 от 10.03.2021

8. Учебный год:

2022-2023 и 2023-2024

9. Цели и задачи учебной дисциплины:

Целью изучения дисциплины является ознакомление обучающихся с основными принципами построения численных методов и областями их применения для решения задач профессиональной деятельности. Задачами дисциплины является овладение студентами базовыми алгоритмами численного решения классических задач математики, а также развитие навыков по реализации данных алгоритмов на языке программирования высокого уровня.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Дисциплина относится к обязательной части блока Б1. Для успешного освоения дисциплины необходимо предварительное изучение математического анализа, линейной алгебры и дифференциальных уравнений.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями выпускников) и индикаторами их достижения:

Код и название компетенции	Код и название индикатора компетенции	Знания, умения, навыки
ОПК-4 Способен находить, анализировать, реализовывать программно и использовать на практике математические алгоритмы, в том числе с применением современных вычислительных систем	ОПК-4.1 Знает базовые основы современного математического аппарата, связанного с проектированием, разработкой, реализацией и оценкой качества программных продуктов и программных комплексов в различных областях человеческой деятельности	Знает основные численные методы решения математических задач, а также подходы к реализации этих методов на языке программирования высокого уровня.
ОПК-4 Способен находить, анализировать, реализовывать программно и использовать на практике математические алгоритмы, в том числе с применением современных вычислительных систем	ОПК-4.2 Умеет использовать этот математический аппарат в профессиональной деятельности	Умеет применять методы численного анализа для решения задач профессиональной деятельности.
ОПК-4 Способен находить, анализировать, реализовывать программно и использовать на практике математические алгоритмы, в том числе с применением современных вычислительных систем	ОПК-4.3 Имеет практический опыт применения современного математического аппарата, связанного с проектированием, разработкой, реализацией и оценкой качества программных продуктов и программных комплексов в различных областях человеческой деятельности	Владеет математическим аппаратом численного анализа, навыками реализации численных методов на ЭВМ, разработки прикладных программ, навыками квалифицированного выбора и адаптации существующих методов приближенного решения математических задач.

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час:

6/216

Форма промежуточной аттестации:

Зачет с оценкой, Экзамен

13. Трудоемкость по видам учебной работы

Вид учебной работы	Семестр 4	Семестр 5	Всего
Аудиторные занятия	48	48	96
Лекционные занятия	16	16	32
Практические занятия	16	16	32

Вид учебной работы	Семестр 4	Семестр 5	Всего
Лабораторные занятия	16	16	32
Самостоятельная работа	60	24	84
Курсовая работа			0
Промежуточная аттестация	0	36	36
Часы на контроль		36	36
Всего	108	108	216

13.1. Содержание дисциплины

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК
1	Разностные уравнения	Сеточные функции. Разностные уравнения. Решение краевых задач для уравнений второго порядка. Разностные уравнения как операторные уравнения.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=4015 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=6864
2	Интерполяция и численное интегрирование	Интерполяция и приближение функций. Численное интегрирование.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=4015 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=6864
3	Численное решение систем линейных алгебраических уравнений	Системы линейных алгебраических уравнений. Прямые методы. Итерационные методы. Вариационно-итерационные методы.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=4015 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=6864
4	Разностные методы решения краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений	Основные понятия теории разностных схем. Однородные трехточечные разностные схемы. Консервативные разностные схемы.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=4015 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=6864

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК
5	Задача Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений	Методы Рунге-Кутты. Многошаговые методы. Методы Адамса. Аппроксимация задачи Коши для системы линейных дифференциальных уравнений первого порядка. Устойчивость двухслойной схемы.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=4015 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=6864
6	Разностные методы для эллиптических уравнений	Разностные схемы для уравнения Пуассона. Решение разностных уравнений.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=4015 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=6864
7	Разностные методы решения уравнения теплопроводности	Уравнение теплопроводности с постоянными коэффициентами. Многомерные задачи теплопроводности.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=4015 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=6864
8	Библиотека подпрограмм IMSL для языка Фортран.	Подпрограммы решения систем линейных уравнений. Подпрограммы интерполяции и аппроксимации. Подпрограммы численного интегрирования и дифференцирования. Подпрограммы решения дифференциальных уравнений. Подпрограммы решения нелинейных уравнений.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=4015 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=6864

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК
9	Реализация численных расчетов в системах Maple и Mathematica.	Организация численных расчетов в системе Maple. Основные функции численных расчетов в Maple. Организация численных расчетов в системе Mathematica. Основные функции численных расчетов в Mathematica.	https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=4015 https://edu.vsu.ru/course/view.php?id=6864

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/п	Наименование темы (раздела)	Лекционные занятия	Практические занятия	Лабораторные занятия	Самостоятельная работа	Всего
1	Разностные уравнения	2	2	2	10	16
2	Интерполяция и численное интегрирование	4	4	4	16	28
3	Численное решение систем линейных алгебраических уравнений	4	4	4	12	24
4	Разностные методы решения краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений	2	2	2	10	16
5	Задача Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений	4	4	4	12	24
6	Разностные методы для эллиптических уравнений	4	4	4	8	20

№ п/п	Наименование темы (раздела)	Лекционные занятия	Практические занятия	Лабораторные занятия	Самостоятельная работа	Всего
7	Разностные методы решения уравнения теплопроводности	4	4	4	8	20
8	Библиотека подпрограмм IMSL для языка Фортран.	4	4	4	4	16
9	Реализация численных расчетов в системах Maple и Mathematica.	4	4	4	4	16
		32	32	32	84	180

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Освоение дисциплины складывается из аудиторной работы (учебной деятельности, выполняемой под руководством преподавателя) и внеаудиторной работы (учебной деятельности, реализуемой обучающимся самостоятельно).

Аудиторная работа состоит из работы на лекциях и выполнения практических (или лабораторных) заданий в объеме, предусмотренном учебным планом. Лекция представляет собой последовательное и систематическое изложение учебного материала, направленное на знакомство обучающихся с основными понятиями и теоретическими положениями изучаемой дисциплины.

Лекционные занятия формируют базу для практических (или лабораторных) занятий, на которых полученные теоретические знания применяются для решения конкретных практических задач. Обучающимся для успешного освоения дисциплины рекомендуется вести конспект лекций и практических (лабораторных) занятий.

Самостоятельная работа предполагает углублённое изучение отдельных разделов дисциплины с использованием литературы, рекомендованной преподавателем, а также конспектов лекций, презентационным материалом (при наличии) и конспектов практических (лабораторных) занятий. В качестве плана для самостоятельной работы может быть использован раздел 13.1 настоящей рабочей программы, в котором зафиксированы разделы дисциплины и их содержание. В разделе 13.2 рабочей программы определяется количество часов, отводимое на самостоятельную работу по каждому разделу дисциплины. Большее количество часов на самостоятельную работу отводится на наиболее трудные разделы дисциплины. Для самостоятельного изучения отдельных разделов дисциплины используется перечень литературы и других ресурсов, перечисленных в пунктах 15 и 16 настоящей рабочей программы.

Успешность освоения дисциплины определяется систематичностью и глубиной аудиторной и внеаудиторной работы обучающегося.

При использовании дистанционных образовательных технологий и электронного обучения выполнять все указания преподавателей, вовремя подключаться к online занятиям, ответственно подходить к заданиям для самостоятельной работы.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

№ п/п	Источник
1	Волков, Е.А. Численные методы : учебное пособие / Е.А. Волков .— 6-е изд, стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2021 .— 252 с. — ISBN 978-5-8114-7899-6 .— <URL: https://e.lanbook.com/book/167179 >.
2	Бахвалов, Н.С. Численные методы : учебное пособие / Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.М. Кобельков .— 9-е изд., эл. — Москва : Лаборатория знаний, 2020 .— 639 с. — ISBN 978-5-00101-836-0 .— <URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=566895 >.

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
1	Демидович, Б. П. Численные методы анализа. Приближение функций, дифференциальные и интегральные уравнения [Электронный ресурс] / Демидович Б. П., Марон И. А., Шувалова Э. З. — 5-е изд. стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2010 .— 400 с. — Рекомендовано Научно-методическим советом по математике Министерства образования и науки РФ в качестве учебного пособия для студентов вузов, обучающихся по направлениям 510000 «Естественные науки и математика», 550000 «Технические науки», 540000 «Педагогические науки» .— Книга из коллекции Лань - Математика .— ISBN 978-5-8114-0799-6 .— <URL: http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=537 >.
2	Целых, А. Н. Анализ устойчивости вычислительных схем: учебное пособие по курсу «Численные методы» : учебное пособие / А.Н. Целых, В. Васильев, Э.М. Котов .— Ростов-на-Дону Таганрог : Издательство Южного федерального университета, 2018 .— 147 с. : ил. — Библиогр. в кн .— http://biblioclub.ru/ .— ISBN 978-5-9275-2912-4 .— <URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=560989 >.

в) информационные электронно-образовательные ресурсы:

№ п/п	Источник
1	ЗНБ ВГУ: https://lib.vsu.ru/
2	Электронно-библиотечная система "Университетская библиотека online": http://biblioclub.ru/
3	Электронно-библиотечная система "Лань": https://e.lanbook.com/
4	Электронно-библиотечная система "Консультант студента": http://www.studmedlib.ru
5	Электронный университет ВГУ: https://edu.vsu.ru/

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

№ п/п	Источник
1	Бахвалов, Н.С. Численные методы : учебное пособие / Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.М. Кобельков .— 9-е изд., эл. — Москва : Лаборатория знаний, 2020 .— 639 с. — ISBN 978-5-00101-836-0 .— <URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book_red&id=566895 >.

17. Образовательные технологии, используемые при реализации учебной дисциплины, включая дистанционные образовательные технологии (ДОТ), электронное обучение (ЭО), смешанное обучение):

При реализации дисциплины могут использоваться технологии электронного обучения и дистанционные образовательные технологии на базе портала edu.vsu.ru, а также другие доступные ресурсы сети Интернет.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 477

Учебная аудитория: специализированная мебель, ноутбук HP Pavilion Dv9000-er, мультимедийный проектор, экран

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 479

Учебная аудитория: специализированная мебель, компьютер преподавателя i5-8400-2,8ГГц, монитор с ЖК 19», мультимедийный проектор, экран

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 505п

Учебная аудитория: специализированная мебель, компьютер преподавателя i5-3220-3.3ГГц, монитор с ЖК 17”, мультимедийный проектор, экран

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 292

Учебная аудитория: специализированная мебель, компьютер преподавателя Pentium-G3420-3,2ГГц, монитор с ЖК 17”, мультимедийный проектор, экран. Система для видеоконференций Logitech ConferenceCam

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 297

Учебная аудитория: специализированная мебель, компьютер преподавателя i3-3240-3,4ГГц,

монитор с ЖК 17", мультимедийный проектор, экран

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 380

Учебная аудитория: специализированная мебель, компьютер преподавателя i3-3240-3,4ГГц, монитор с ЖК 17", мультимедийный проектор, экран

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 290

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i7-7800x-4ГГц, мониторы ЖК 27» (12 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 291

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i3-3220-3,3ГГц, мониторы ЖК 19» (16 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 293

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i3-8100-3,6ГГц, мониторы ЖК 22» (17 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 295

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i3-9100-3,6ГГц, мониторы ЖК 24» (14 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 382

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i5-9600KF-3,7ГГц, мониторы ЖК 24» (16 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 383

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i7-9700F-3ГГц, мониторы ЖК 27» (16 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 384

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i3-2120-3,3ГГц, мониторы ЖК 22» (16 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 385

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i3-2120-3,3ГГц, мониторы ЖК 19» (16 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 301п

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i3-2120-3,3ГГц, мониторы ЖК 17» (15 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 303п

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i3-8100-3,9ГГц, мониторы ЖК 24» (13 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 314п

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i3-7100-3,6ГГц, мониторы ЖК 19» (16 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

394018, г. Воронеж, площадь Университетская, д. 1, ауд. 316п

Компьютерный класс: специализированная мебель, персональные компьютеры на базе i3-9100-3,6ГГц, мониторы ЖК 19» (30 шт.), мультимедийный проектор, экран.

ПО: ОС Windows v.7, 8, 10, Набор утилит (архиваторы, файл-менеджеры), LibreOffice v.5-7, Visual Studio, v. 2010-2019, Foxit PDF Reader

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Разделы дисциплины (модули)	Код компетенции	Код индикатора	Оценочные средства для текущей аттестации
1	Разделы 1-9	ОПК-4	ОПК-4.1	Лабораторные работы, контрольные работы, письменный опрос
2	Разделы 1-9	ОПК-4	ОПК-4.2	Лабораторные работы, контрольные работы, письменный опрос
3	Разделы 1-9	ОПК-4	ОПК-4.3	Лабораторные работы, контрольные работы, письменный опрос

Промежуточная аттестация

Форма контроля - Зачет с оценкой, Экзамен

Оценочные средства для промежуточной аттестации

Перечень вопросов к экзамену

20 Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

20.1 Текущий контроль успеваемости

Контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

- лабораторные работы
- контрольные работы
- письменный опрос

Перечень лабораторных работ

1. Численное решение нелинейных уравнений. Метод деления пополам.
2. Численное решение нелинейных уравнений. Метод хорд.
3. Численное решение нелинейных уравнений. Метод касательных.
4. Интерполяционный полином Лагранжа.
5. Интерполяционный полином Ньютона.
6. Численное интегрирование. Метод прямоугольников.
7. Численное интегрирование. Метод трапеций.
8. Численное интегрирование. Метод Симпсона.
9. Численное интегрирование. Квадратурная формула Гаусса.
10. Численное решение СЛУ. Метод Гаусса исключения неизвестных.
11. Численное решение СЛУ. Метод простой итерации.
12. Численное решение СЛУ. Метод Гаусса-Зейделя.
13. Численное решение задачи Коши. Метод Эйлера.
14. Численное решение задачи Коши. Метод Эйлера с пересчётом.
15. Численное решение задачи Коши. Метод Рунге-Кутты.
16. Численное решение задачи Коши. Метод Адамса.

17. Разностные методы для эллиптических уравнений.
18. Разностные методы решения уравнения теплопроводности.
19. Библиотека подпрограмм IMSL для языка Фортран.
20. Реализация численных расчетов в системах Maple и Mathematica.

Перечень заданий для контрольных работ

Контрольная работа № 1

Вариант 1

Найти и исправить ошибки, а также заполнить пропуски в алгоритме метода деления отрезка пополам, представленного в форме псевдо-кода:

```
// метод деления отрезка пополам
```

```
double f(double x) // f(x)
```

```
{
```

```
    return exp(1/x)-5;
```

```
}
```

```
double dihotomia()
```

```
{
```

```
    double a = 0;
```

```
    double b = ____;
```

```
    double E = 0.0001;
```

```
    double m;
```

```
    While (abs(a+b)>E) do
```

```
    {
```

```
        m = (a-b)/2;
```

```
        if (f(a)*f(c)<0)
```

```
            b = c;
```

```
        else
```

```
            a = c;
```

```
    }
```

```
    return (a-b)/2;
```

```
}
```

Вариант 2

Найти и исправить ошибки, а также заполнить пропуски в алгоритме метода хорд, представленного в форме псевдо-кода:

```
// метод хорд
double f(double x) // f(x)
{
    return ln(x) + sin(x);
}

double hord()
{
    double x1, x2;
    double a = 0;
    double b = ____;
    double E = 0.0001;

    x2 = a-(b-a)/f(a)*(f(b)-f(a));

    do
    {
        x2 = x1;
        if (f(x1)*f(b)>0)
            a = x1;
        else
            b = x1;
        x2 = a-(b-a)/f(a)*(f(b)-f(a));
    } while (abs(x1 - x2) < E);

    return x2;
}
```

Вариант 3

Найти и исправить ошибки, а также заполнить пропуски в алгоритме метода Ньютона (касательных), представленного в форме псевдо-кода:

```
// метод Ньютона
double f(double x) // f(x)
{
    return ln(x) + 3*sin(x) - 3;
}
```

```
double f1(double x) // первая производная f(x)
{
    return _____;
}
```

```
double f2(double x) // вторая производная f(x)
{
    return _____;
}
```

```
double newton()
{
    double x1, x2;
    double a = 2;
    double b = ____;
    double E = 0.0001;

    if (f(a)*f2(a) < 0)
        x1 = a;
    else
        x1 = b;

    do
    {
        x1 = x2;
        x2 = x1 - f(x1)/f1(x1);
    } while ((x1 - x2) > E);

    return x1;
}
```

Контрольная работа № 2

Вариант 1

Найти и исправить ошибки, а также заполнить пропуски в алгоритмах методов, представленных в форме псевдо-кода:

```
// кусочно-линейная интерполяция
double lin(double *x, double *y, int n, double z)
// n - количество узлов интерполяции
```

```

// z - точка, в которой ищем значение интерполирующей функции
{
    int i = 0;
    While (z < x[i]) do
    {
        i++;
    }

    double a = (y[i+1]-y[i])/(x[i+1]-x[i]);
    double b = y[i]-a*x[i];

    return a*x + b;
}

```

```

// метод Симпсона
float f(float x);

float Simpson(float a, float b, float h)
{
    float S = 0;
    for (float x=a; x<b-h; x+=2*h)
        S = 4*f(x)+2*f(x+h);
    return (h/3)*S;
}

```

Вариант 2

Найти и исправить ошибки, а также заполнить пропуски в алгоритмах методов, представленных в форме псевдо-кода:

```

// интерполяция многочленом Ньютона
float delta(int k,int i)
{
    if (k=0)
        return (y[i+1]-y[i]);
    else
        return (delta(k-1,i+1)-delta(k-1,i));
}

float N(float *x, float *y, int n, float h, float c)
// n - количество узлов интерполяции

```

```

// c - точка, в которой ищем значение интерполирующей функции
{
    N=y[0];
    float m = 0;
    float z = 0;
    for(int k=1; k<n; k++)
    {
        m *= c-x[k];
        z *= (k+1)*h;
        N += delta(k,0)*m/z;
    }
    return N;
}

```

```

// метод прямоугольников
float f(float x);

float Rect(float a, float b, float h)
{
    float S = 1;
    for (float x=a+h; x<=b; x+=h)
        S += f(x+h/2);
    return S;
}

```

Вариант 3

Найти и исправить ошибки, а также заполнить пропуски в алгоритмах методов, представленных в форме псевдо-кода:

```

// интерполяция многочленом Ньютона
float delta(int k,int i)
{
    if (k=1)
        return (y[i]-y[i-1]);
    else
        return (delta(k-1,i)-delta(k-1,i-1));
}

float N(float *x, float *y, int n, float h, float c)
// n - количество узлов интерполяции

```



```

// с - точка, в которой ищем значение интерполирующей функции
{
    N=y[1];
    float m = 1;
    float z = 1;
    for(int k=1; k<=n; k++)
    {
        m = c-x[k-1];
        z = k*h;
        N += delta(k-1,0)*m/z;
    }
    return N;
}

```

// метод трапеций

```
float f(float x);
```

```
float Trap(float a, float b, float h)
```

```

{
    float S = a;
    for (float x=a; x<b; x+=h)
        S += f(x);
    return S+h*(f(a)+f(b));
}

```

Контрольная работа № 3

Вариант 1

Найти и исправить ошибки, а также заполнить пропуски в алгоритмах методов, представленных в форме псевдо-кода:

// Метод Гаусса

```
void TriangleMatrix(float A[][], float b[], int n)
```

```

{
    float c;
    for (int k=1; k<n-1; k++)
    {
        for (int i=k+1; i<n; i++)
        {
            c = -A[i][k]/A[k][k];

```

```

        b[i] = c*b[k];
        for (int j=1; j<n; j++)
            A[i][j] = c*A[k][j];
    }
}

```

```

float *Back(float A[][], float b[], int n, float x[])
{
    float *x;
    for (int i=n-1; i>=1; i--)
    {
        float s=0;
        for (int j=n-1; j>=1; j--)
            s+=x[j]*A[i][j];
        x[i] = (b[i]+s)/A[i][i];
    }
    return x;
}

```

```

// Метод Эйлера
double yy(double x)
{
    return sqrt(x*x+16);
}

```

```

double f(double x, double y) // правая часть ОДУ  $y'(x)=f(x,y)$ 
{
    return x/y;
}

```

```

void Euler()
{
    double a, b; // отрезок, на котором ищется  $y(x)$ 
    double h; // шаг
    int n; // количество точек, в которых вычисляется решение

    a = 0;
    b = 1;
    h = 0.1;
}

```

```

n = ceil((b-a)/h)+1;

double x[n];
double y[n];

x[0] = 0;
y[0] = 4; // начальные условия задачи Коши

for (int i=0;i<n-1;i++)
{
    y[i+1] = y[i]+h*f(x[i],y[i]);
    x[i+1] = x[i]+h;
    printf("%f %f %f\n", x[i+1], y[i+1], yy(x[i+1]));
}
}

```

Вариант 2

Найти и исправить ошибки, а также заполнить пропуски в алгоритмах методов, представленных в форме псевдо-кода:

```

// Метод Эйлера
double yy(double x)
{
    return sqrt(x*x+16);
}

double f(double x, double y) // правая часть ОДУ  $y'(x)=f(x,y)$ 
{
    return x/y;
}

void Euler()
{
    double a, b; // отрезок, на котором ищется  $y(x)$ 
    double h; // шаг
    int n; // количество точек, в которых вычисляется решение

    a = 0;
    b = 1;
    h = 0.1;

```

```

n = ceil((b-a)/h)+1;

double x[n];
double y[n];

x[0] = 0;
y[0] = 4; // начальные условия задачи Коши

for (int i=0;i<n-1;i++)
{
    y[i+1] = y[i]+h*f(x[i],y[i]);
    x[i+1] = x[i]+h;
    printf("%f %f %f\n", x[i+1], y[i+1], yy(x[i+1]));
}
}

// Метод Гаусса-Зейделя
float *GZ(float A[ ][ ], float b[ ], int n, float x1[ ], float eps)
{
    float *x0;
    boolean go;
    do
        x0 = x1;
        go = false;
        for (int i=1; i<=n; i++)
            {
                float m=0;
                for (int j=1; j<=n; j++)
                    if (i!=j) m += A[i][j]*x1[j];
                x1[i] = (b[i]-m)/A[i][i];
                if (!go && abs(x0[i]-x1[i])>eps) go = true;
            }
    while (go);
    return x1;
}

```

Перечень вопросов для письменного опроса

Раздел 1. Точность вычислительного эксперимента.

1. Числа с плавающей точкой.

2. Вычислительные погрешности.

Раздел 2. Численное решение нелинейных уравнений.

1. Постановка задачи численного решения нелинейных уравнений.
2. Метод деления отрезка пополам.
3. Метод хорд.
4. Метод Ньютона.

Раздел 3. Аппроксимация функций.

1. Постановка задачи аппроксимации функций.
2. Кусочно-линейная интерполяция.
3. Многочлен Лагранжа.
4. Многочлен Ньютона.
5. Сплаины.
6. Точность интерполяции.

Раздел 4. Численное интегрирование.

1. Постановка задачи численного интегрирования.
2. Метод прямоугольников.
3. Метод трапеций.
4. Метод Симпсона.
5. Метод Гаусса.
6. Точность численного интегрирования.
7. Особые случаи численного интегрирования.
8. Кратные интегралы.

Раздел 5. Решение систем линейных уравнений.

1. Основные понятия.
2. Методы решения линейных систем.
3. Формулы Крамера.
4. Метод Гаусса.
5. Метод прогонки.
6. Метод простой итерации.
7. Метод Гаусса-Зейделя.
8. Задачи на собственные значения.

Раздел 6. Обыкновенные дифференциальные уравнения.

1. Метод Эйлера.
2. Метод Эйлера с пересчетом.
3. Методы Рунге-Кутты.
4. Метод Адамса.

20.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

- собеседование по экзаменационным билетам

Перечень вопросов к экзамену

1. Числа с плавающей точкой.
2. Сплаины.
3. Вычислительные погрешности.
4. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений.
5. Постановка задачи численного решения нелинейных уравнений.
6. Метод Симпсона.
7. Метод деления отрезка пополам.
8. Решение систем линейных уравнений. Основные понятия.
9. Метод хорд.
10. Задачи на собственные значения.
11. Метод Ньютона.
12. Постановка задачи аппроксимации функций.
13. Кусочно-линейная интерполяция.
14. Метод Эйлера с пересчетом.
15. Многочлен Лагранжа.
16. Особые случаи численного интегрирования.
17. Многочлен Ньютона.
18. Методы Рунге-Кутты.
19. Точность интерполяции.
20. Метод прямоугольников.
21. Постановка задачи численного интегрирования.
22. Метод Гаусса-Зейделя.
23. Метод трапеций.
24. Методы решения линейных систем.
25. Метод Гаусса численного интегрирования.
26. Метод Адамса.
27. Точность численного интегрирования.
28. Формулы Крамера.
29. Кратные интегралы.
30. Метод простой итерации.
31. Метод прогонки.
32. Метод Эйлера.
33. Разностные схемы для решения уравнений в частных производных. Уравнение теплопроводности.
34. Разностные схемы для решения уравнений в частных производных. Уравнение колебаний.
35. Разностные схемы для решения уравнений в частных производных. Уравнения эллиптического типа.

36. Слайн-интерполяция.

37. Решение алгебраических уравнений высших порядков и трансцендентных уравнений.

38. Уравнения в конечных разностях. Многочлены Чебышева. Формулы численного интегрирования Эрмита.

Для оценивания результатов обучения на экзамене и на зачёте с оценкой используется 4-балльная шкала: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
Полное соответствие ответа обучающегося всем перечисленным критериям. Обучающийся демонстрирует высокий уровень владения материалом, ориентируется в предметной области, верно отвечает на все дополнительные вопросы.	Повышенный уровень	Отлично
Ответ на контрольно-измерительный материал не соответствует одному или двум из перечисленных показателей, но обучающийся дает правильные ответы на дополнительные вопросы. Допускаются ошибки при воспроизведении части теоретических положений.	Базовый уровень	Хорошо
Ответ на контрольно-измерительный материал не соответствует любым трём из перечисленных показателей, обучающийся дает неполные ответы на дополнительные вопросы. Сформированные знания основных понятий, определений и теорем, изучаемых в курсе, не всегда полное их понимание с затруднениями при воспроизведении.	Пороговый уровень	Удовлетворительно
Ответ на контрольно-измерительный материал не соответствует любым четырём из перечисленных показателей. Обучающийся демонстрирует отрывочные знания (либо их отсутствие) основных понятий, определений и теорем, используемых в курсе.	-	Неудовлетворительно